

**COPIA CON ATENCIÓN EN TU CUADERNO:****REPRESENTACIÓN DE UNA RECTA DEFINIDA A TROZOS**

En ocasiones, las funciones tienen expresiones diferentes para distintos valores de la variable independiente. Estas funciones se llaman **funciones definidas a trozos**.

**Ejemplo** ▶ Una empresa de mensajería cobra por enviar un paquete 2 € más un extra por cada gramo según las siguientes tarifas:

Gramos	De 0 a 400	Más de 400
€/gr	0,01	0,02

La fórmula para calcular el precio en función del peso viene dada por la expresión:

$$f(x) = \begin{cases} 2 + 0,01x & \text{si } 0 < x \leq 400 \\ 2 + 0,02x & \text{si } 400 < x \end{cases}$$

Para representar  $f(x)$  necesitamos representar las dos partes:

1º)  $f(x) = 2 + 0,01x$  en la zona  $0 < x \leq 400$

Es decir: cogiendo valores entre 0 y 400 e incluido el 400

Es aconsejable coger los valores extremos porque así sabemos dónde empieza y donde acaba:

$x$	0	400
$f(x)$	$2 + 0,01 \cdot 0 = 2 + 0 = 2$	$2 + 0,01 \cdot 400 = 2 + 4 = 6$

2º)  $f(x) = 2 + 0,02x$  en la zona  $400 < x$

Es decir: cogiendo valores mayores que 400

Aunque no debemos coger ahora 400, sí lo vamos a hacer y cuando representemos tendremos en cuenta que no entra y pondremos un círculo hueco.

$x$	400	600
$f(x)$	$2 + 0,02 \cdot 400 = 2 + 8 = 10$	$2 + 0,02 \cdot 600 = 2 + 12 = 14$

3º) Representamos las dos gráficas:



**REALIZA EL SIGUIENTE EJERCICIO:** (copia el enunciado)

**11.** Haz una tabla de valores y representa esta función.



$$f(x) = \begin{cases} x+1 & \text{si } x \leq 1 \\ -2x+3 & \text{si } 1 < x \end{cases}$$

**SEGUNDO DÍA**

**COPIA CON ATENCIÓN EN TU CUADERNO:**

### DOMINIO Y RECORRIDO DE UNA FUNCIÓN

El dominio de una función son los valores que puede tomar la variable  $x$  (dada una gráfica el dominio se mira en el eje horizontal, es decir en el eje  $X$ )

El dominio de una función  $f(x)$  se nombra  $D(f)$ .

El recorrido de una función son los valores que puede tomar la variable  $y$  (dada una gráfica el dominio se mira en el eje vertical, es decir en el eje  $Y$ )

El recorrido de una función  $f(x)$  se nombra  $R(f)$ .

**Ejemplo** ► La siguiente gráfica representa un viaje en coche.



La gráfica representa la distancia a casa (variable dependiente) en función del tiempo (variable independiente).

- El dominio de la función son los números del intervalo  $[0, 5]$ .
- El recorrido son los números del intervalo  $[0, 160]$ .

**REALIZA EL SIGUIENTE EJERCICIO:** (copia el enunciado y la gráfica)

**8.** Oliver salió de excursión a las 10 de la mañana. Caminó un buen rato, paró a descansar en la orilla de un río, siguió su paseo y se detuvo a comer debajo de un abeto, y regresó a su casa.



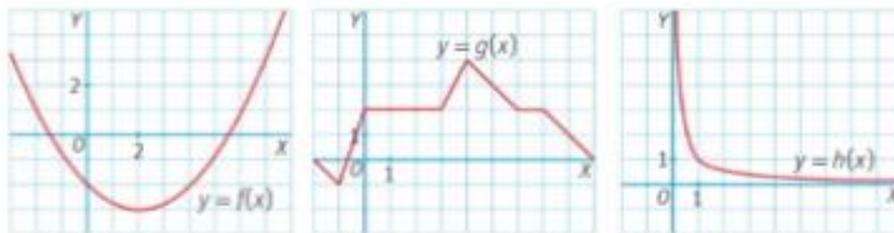
- ¿Cuánto tiempo estuvo parado en la orilla del río?
- ¿A qué distancia de su casa estaba el abeto?
- ¿Cuántos kilómetros caminó en total Oliver?

d) Calcula su dominio y su recorrido

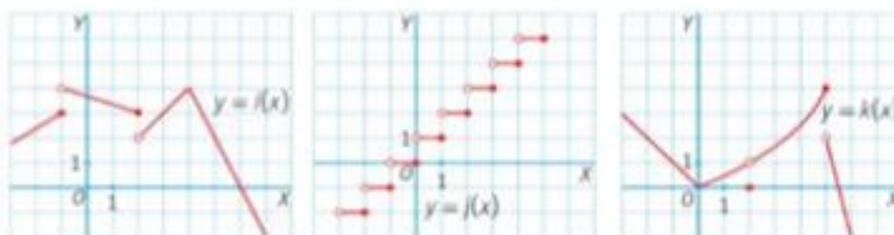
**COPIA CON ATENCIÓN EN TU CUADERNO:**

**CONTINUIDAD DE UNA FUNCIÓN**

Observa las siguientes gráficas de funciones:



En  $f(x)$ ,  $g(x)$  y  $h(x)$  se puede trazar la gráfica sin levantar el lápiz del papel. Se dice que son **funciones continuas**.



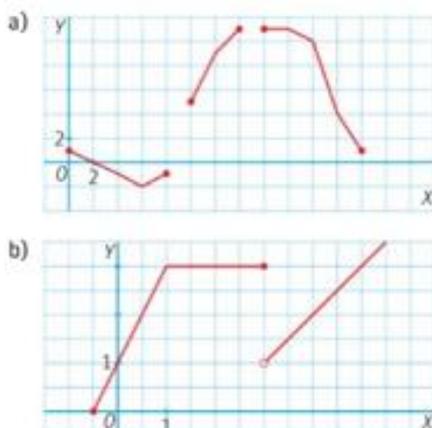
Sin embargo,  $i(x)$ ,  $j(x)$  y  $k(x)$  no son continuas, porque sus gráficas tienen saltos.

- $i(x)$  presenta dos saltos, uno en  $x = -1$  y otro en  $x = 2$ .
- $j(x)$  presenta saltos en todos los números enteros.
- $k(x)$  presenta dos saltos, uno en  $x = 2$  y otro en  $x = 5$ .

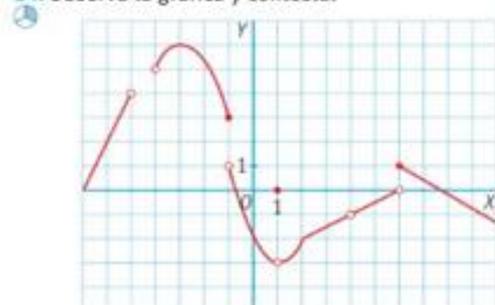
- Una **función es continua** en un intervalo si su gráfica no tiene saltos.
- Una **función es discontinua** si presenta saltos para algún valor de la variable independiente. Los puntos en los que una función presenta un salto se llaman **discontinuidades**.

**REALIZA LOS SIGUIENTES EJERCICIOS:** (copia el enunciado y las gráficas)

13. ¿Son continuas o discontinuas? Indica, en su caso, los puntos de discontinuidad.



14. Observa la gráfica y contesta:



- ¿Cuál es el dominio de la función?
- ¿Y el recorrido?
- ¿En qué puntos es discontinua? ¿Cuánto vale la función en esos puntos?

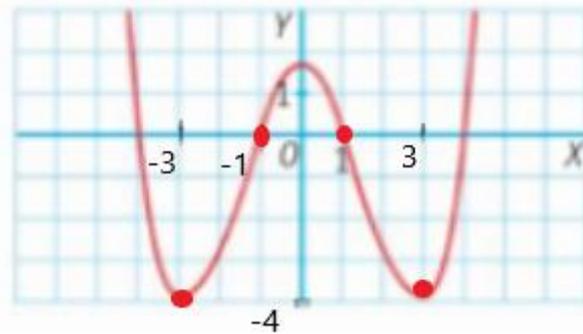
**COPIA CON ATENCIÓN EN TU CUADERNO:**

**FUNCIÓN PAR. FUNCIÓN SIMÉTRICA RESPECTO AL EJE Y.**

Una función es par cuando cumple:  $f(x)=f(-x)$ .

Si una función es par es simétrica respecto al eje Y

Ejemplo: Observa esta gráfica



Como puedes ver:

Pasa por el punto  $(-3,-4)$  luego  $f(-3)=-4$

Pasa por el punto  $(3,-4)$  luego  $f(3)= -4$  Por tanto:  $f(-3)=f(3)$

Pasa por el punto  $(-1,0)$  luego  $f(-1)=0$

Pasa por el punto  $(1,0)$  luego  $f(1)= 0$  Por tanto  $f(-1)=f(1)$

Así ocurre con todos los valores de la  $x$ , la función vale igual para el mismo valor de la  $x$  positivo y negativo, es decir: cumple que  $f(x)=f(-x)$  y por tanto esta gráfica corresponde a una función par.

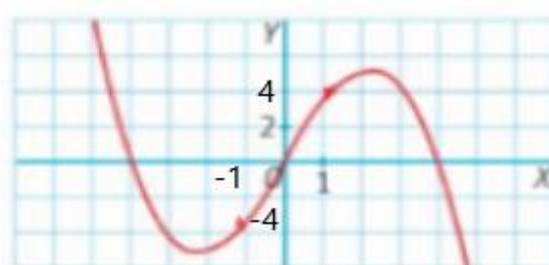
Observa también que si doblaras la gráfica por el eje vertical la parte de la curva que queda a su izquierda se pone encima de la que queda a su derecha y es por esto que esta gráfica es simétrica respecto al eje Y.

**FUNCIÓN IMPAR. FUNCIÓN SIMÉTRICA RESPECTO DEL ORIGEN.**

Una función es impar cuando cumple:  $f(-x)= -f(x)$ .

Si una función es par es simétrica respecto del origen

Ejemplo: Observa esta gráfica



Como puedes ver:

Pasa por el punto  $(-1,-4)$  luego  $f(-1)=-4$

Pasa por el punto  $(1,4)$  luego  $f(1)=4$        $f(-1)=-f(1)=-4$

Por tanto:  $f(-1)=-f(1)=-4$  ya que  $f(1)=4$

O dicho de otra manera  $f(1)$  y  $f(-1)$  tienen signo contrario uno vale 4 y otro -4

Así ocurre con todos los valores de la  $x$ , luego cumple que  $f(-x)=-f(x)$  y por tanto esta gráfica corresponde a una función impar.

Observa también que si doblaras la gráfica por el eje vertical y luego por el eje horizontal las dos partes de la curva se superponen (si no lo ves dibuja la gráfica en un trozo de papel y dobla por los ejes) y es por esto que esta gráfica es simétrica respecto del origen.

### FUNCIONES NO SIMÉTRICAS

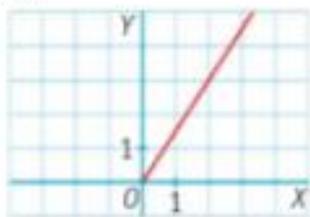
La mayoría de las funciones no son pares ni impares, es decir no son simétricas.

### REALIZA LOS SIGUIENTES EJERCICIOS: (copia el enunciado y las gráficas)

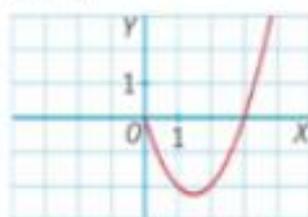
15. Copia y completa en tu cuaderno las siguientes gráficas

para que cada una de las funciones resultantes sean:

a) Pares



b) Impares



16. Decide si  $f(x) = x^2 + 2$  es par, impar o ninguna de las dos.

